

a)

Gitt 3 matriser under. Har vist at G_p er en gruppe under matrise multiplikasjon.

Og at orden til G_p ; $|G_p| = p \cdot (p-1)$. Der p er prime og $\mathbb{Z}_p^* = \mathbb{Z}_p \setminus \{0\}$.

$$G_p = \begin{pmatrix} a & b \\ 0 & 1 \end{pmatrix} : a \in \mathbb{Z}_p^*, b \in \mathbb{Z}_p$$

$$N_p = \begin{pmatrix} 1 & b \\ 0 & 1 \end{pmatrix} : b \in \mathbb{Z}_p$$

og

$$H_p = \begin{pmatrix} a & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} : a \in \mathbb{Z}_p^*$$

b)

Videre skal jeg sjekke at N_p og H_p er undergrupper av G_p . Og at $N_p \cong \mathbb{Z}_p$ og $H_p \cong \mathbb{Z}_p^*$.

Videre skal der vises at N_p er normal subgroup av G_p .

c)

I tillegg: Hvordan kan jeg vise at G_p er et semidirekte produkt av H_p og N_p