

Del 2

Oppgave 1

- a) $\angle BAD$ er en periferivinkel som spenner over samme sirkelbue som u .
Derfor: $\angle BAD = \frac{u}{2}$.

$\angle DCB$ er også en periferivinkel og den spenner over resten av sirkelbuen som $\angle BAD$ ikke spenner over.
Derfor $\angle BAD = 180^\circ - \angle DCB$.

Disse to formelen gir:

$$\frac{u}{2} = 180^\circ - \angle DCB$$

$$\angle DCB = 180^\circ - \frac{u}{2}$$

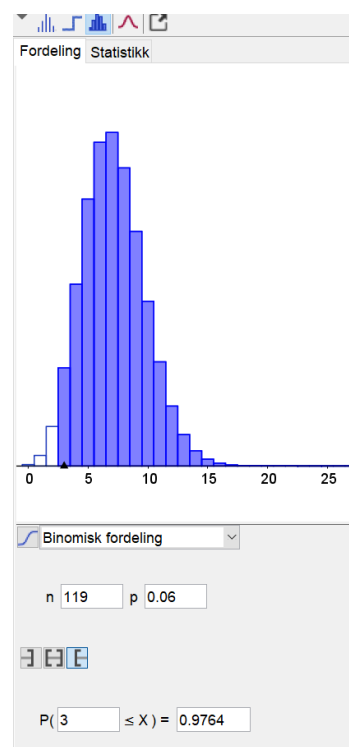
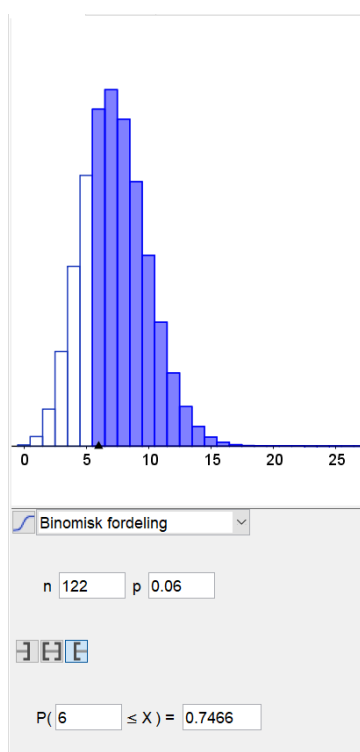
- b) Fra forrige oppgave ble det forklart hvorfor $\angle BAD + \angle DCB = 180^\circ$. Det samme argumentet gjelder for vinklene CBA og ADC :
 $\angle CBA$ og $\angle ADC$ er periferivinkler og $\angle ADC$ spenner over resten av sirkelbuen som $\angle CBA$ ikke spenner over.
Derfor $\angle CBA + \angle ADC = 180^\circ$.

Vi kan altså skrive

$$\angle CBA + \angle ADC = \angle BAD + \angle DCB = 180^\circ$$

Oppgave 3

- a) For å bruke en binomisk modell må vi forutsette at sannsynligheten er lik i alle delforsøkene. Altså at sannsynligheten for at en passasjer ikke møter til flyavgang ikke endrer seg gitt at vi allerede vet at det er noen som ikke har møtt.
- b) $P(\text{alle får plass}) = 0.74699$
- c) Flyselskapet kan maksimalt selge 119 billetter



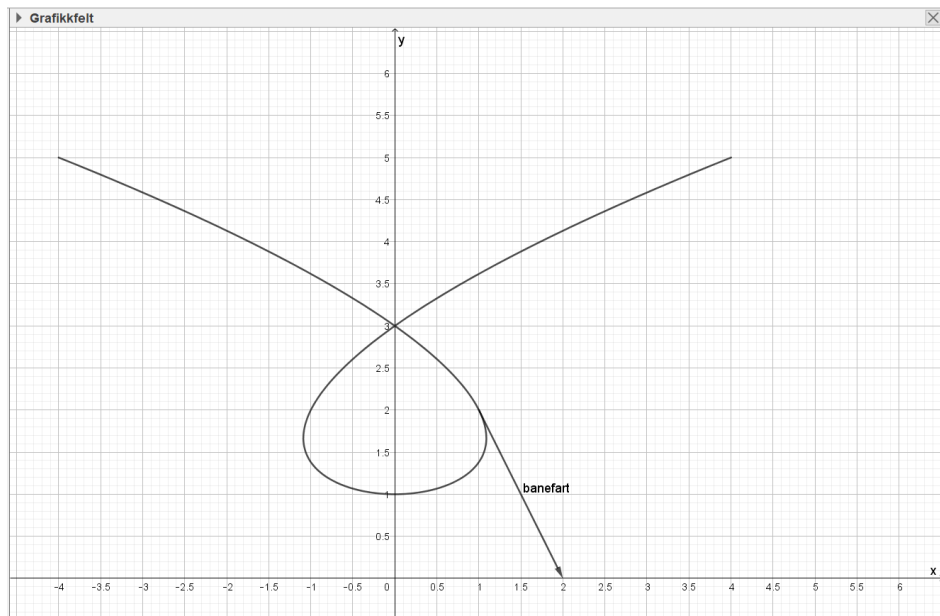
Oppgave 4

- a) ???
- b) Veilengden er minst når $x = 4.23$
Da er veilengden 27.32 km

CAS	
1	$g(x) := x + 2 \sqrt{(x-10)^2 + 10^2}$
	$\rightarrow g(x) := x + 2 \sqrt{x^2 - 20x + 200}$
2	Ekstremalpunkt(g)
	$\approx \{(4.23, 27.32)\}$

Oppgave 5

- a) Brukte kommando «Kurve(<Uttrykk>, <Uttrykk>, <Parametervariabel>, <Start>, <Slutt>)» i algebrafeltet. Se grafikkfelt.



- b) $\vec{v}(-1) = [1, -2]$ (Rad 3 i CAS)
 $|\vec{v}(-1)| = \sqrt{5}$ (Rad 4 i CAS)
 Se grafikkfelt for vektor
- c) $t = -0.94, t = 0, t = 0.94$ (Se rad 7 i CAS)
- d) Se rad 9-11 i CAS. Vi ser at x-verdien til punktene hvor akselerasjonsvektoren og fartsvektoren er lik x-verdien til ekstremalpunktene til funksjonen for banefarten.

CAS	
1	$r(t) := \text{Vektor}(t^3 - 2t, t^2 + 1)$
<input type="radio"/>	$\rightarrow r(t) := \begin{pmatrix} t^3 - 2t \\ t^2 + 1 \end{pmatrix}$
2	$v(t) := r'(t)$ $\rightarrow v(t) := \begin{pmatrix} 3t^2 - 2 \\ 2t \end{pmatrix}$
3	$v(-1)$ $\rightarrow \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$
4	$\text{abs}(v(-1))$ $\rightarrow \sqrt{5}$
5	$\text{sqrt}(5)$ ≈ 2.24
6	$u := \text{Vektor}(r(-1), r(-1) + r'(-1))$ $\rightarrow u := \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$
7	$\text{abs}(r'(t)) = 2$ $\text{L\o}s: \left\{ t = -2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{3}, t = 0, t = 2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{3} \right\}$
8	$\{t = -2\text{sqrt}(2)/3, t = 0, t = 2\text{sqrt}(2)/3\}$ $\approx \{t = -0.94, t = 0, t = 0.94\}$

9	$r''(t) \cdot r'(t) = 0$ $\text{L\o}s: \left\{ t = -\frac{2}{3}, t = 0, t = \frac{2}{3} \right\}$
10	$v_1(t) := \text{abs}(r'(t))$ $\rightarrow v_1(t) := \sqrt{9t^4 - 8t^2 + 4}$
11	$\text{Ekstremalpunkt}(v_1)$ $\rightarrow \left\{ \left(-\frac{2}{3}, 2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} \right), (0, 2), \left(\frac{2}{3}, 2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} \right) \right\}$